

Computação I - Python

Aula 2 - Teórica: Função

João C. P. da Silva

Carla A. D. M. Delgado

Ana Luisa Duboc

Dept. Ciência da Computação - UFRJ

Função

Calcule a área da coroa circular (anel) formada por dois círculos de raios r_1 e r_2 ($r_1 > r_2$ e $Pi = 3.14$).

Função

Calcule a área da coroa circular (anel) formada por dois círculos de raios r_1 e r_2 ($r_1 > r_2$ e $Pi = 3.14$).

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
3     de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

Função

```
1 >>> def coroa(r1,r2):
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos
3     circulos de raio r1 e r2 (r1 > r2)"""
4     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
5 >>> coroa(3,2)
6     15.700000000000001
7
8 >>> coroa(2,3)
9     -15.700000000000001
```

Testar sua função é muito importante !

Função

Calcule a área da coroa circular (anel) formada por dois círculos de raios r_1 e r_2 ($r_1 > r_2$ e $Pi = 3.14$).

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
3     de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

Calcule a área de um círculo de raio R.

Função

Calcule a área da coroa circular (anel) formada por dois círculos de raios r_1 e r_2 ($r_1 > r_2$ e $Pi = 3.14$).

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
3     de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

Calcule a área de um círculo de raio R.

```
1 def areac(R):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
3     return 3.14*R**2
```

Função

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
   de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
3     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

```
1 def areac(R):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
3     return 3.14*R**2
```

Os parâmetros das funções são *locais*: um parâmetro só existe dentro de sua função. Isso significa que duas funções diferentes podem ter parâmetros com o mesmo nome.

Função

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
   de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
3     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

```
1 def areac(R):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
3     return 3.14*R**2
```

Os parâmetros das funções são *locais*: um parâmetro só existe dentro de sua função. Isso significa que duas funções diferentes podem ter parâmetros com o mesmo nome.

```
1 def areac(r1):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
3     return 3.14*r1**2
```


Função

Calcule a área da coroa circular (anel) formada por dois círculos de raios r_1 e r_2 ($r_1 > r_2$ e $Pi = 3.14$).

```
1 def coroa(r1, r2):  
2     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
3     de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
4     return (3.14*r1**2) - (3.14*r2**2)
```

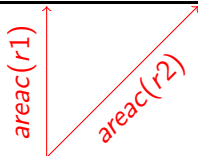
Calcule a área de um círculo de raio R .

```
1 def areac(R):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
3     return 3.14*R**2
```

O que estas duas funções têm em comum?

Função

```
def coroa(r1,r2):  
    return areac(r1) - areac(r2)
```



```
def areac(R):  
    return 3.14*R**2
```

Posso chamar uma função a partir de outra!

Função

```
1 def areac(R):  
2     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R"""  
3     return 3.14*R**2  
4  
5 def coroa(r1, r2):  
6     """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
7     de raio r1 e r2 (r1 > r2)"""  
8     return areac(r1) - areac(r2)
```

Posso chamar uma função a partir de outra!

Chamamos a função *coroa* com os parâmetros 3 e 2

```
coroa(3,2)
```

Função

Chamamos a função *coroa* com os parâmetros 3 e 2

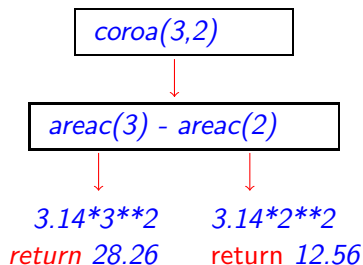
`coroa(3,2)`



`areac(3) - areac(2)`

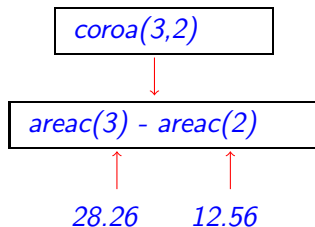
Que chama a função *areac* duas vezes: uma com o parâmetro 3 e outra com o parâmetro 2

Função



Cada chamada da função `areac` retorna o valor calculado para a função `coroa`

Função



Cada chamada da função *areac* retorna o valor calculado para a função *coroa*

Função

```
coroa(3,2)
```



```
28.26 - 12.56  
return 15.70
```


A função *coroa* usa os valores retornados pelas chamadas da função *areac* e calcula o valor da coroa.

Função

Podemos usar a função **quadrado** que definimos na aula anterior

```
def coroa(r1,r2):  
    return areac(r1) - areac(r2)
```

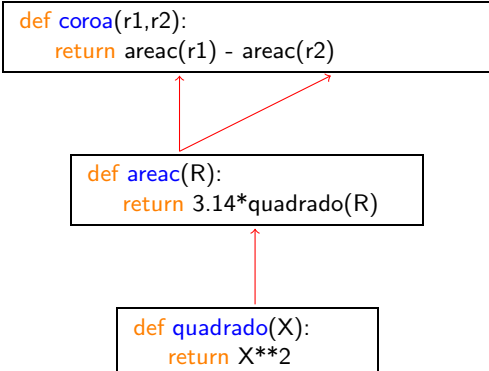
```
def areac(R):  
    return 3.14*R**2
```



Função

Podemos usar a função **quadrado** que definimos na aula anterior

```
def coroa(r1,r2):  
    return areac(r1) - areac(r2)
```



```
graph BT; coroa --> areac; areac --> quadrado;
```

```
def areac(R):  
    return 3.14*quadrado(R)
```

```
def quadrado(X):  
    return X**2
```

Função

```
1 def quadrado(X):  
2     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """  
3     return X**2  
4  
5 def areac(R):  
6     """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """  
7     return 3.14*quadrado(R)  
8  
9 def coroa(r1, r2):  
10    """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos  
11    de raio r1 e r2 (r1 > r2) """  
    return areac(r1) - areac(r2)
```

Função

Pi é bastante usado. Por que não definimos uma função (constante) para ele?

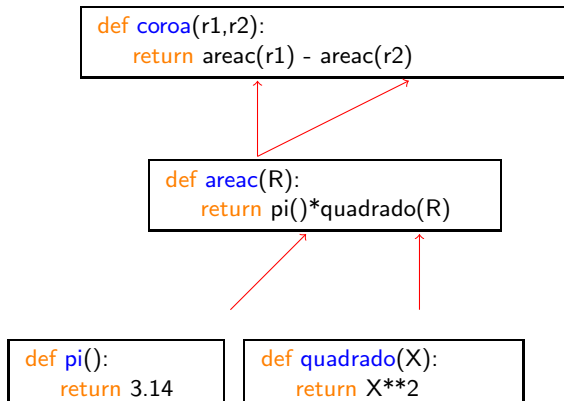
```
def coroa(r1,r2):  
    return areac(r1) - areac(r2)
```

```
def areac(R):  
    return 3.14*quadrado(R)
```

```
def quadrado(X):  
    return X**2
```

Função

Pi é bastante usado. Por que não definimos uma função (constante) para ele?



Função

```
1 def pi():
2     """ Funcao que define o valor de Pi como sendo 3.14 """
3     return 3.14
4
5 def quadrado(X):
6     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """
7     return X**2
8
9 def areac(R):
10    """ Funcao que calcula a area de um circulo de raio R """
11    return pi()*quadrado(R)
12
13 def coroa(r1, r2):
14    """ Funcao que calcula a coroa circular formada pelos circulos
15    de raio r1 e r2 (r1 > r2) """
16    return areac(r1) - areac(r2)
```

Função

Exemplo: Defina uma função que dados dois inteiros x e y , retorna x^y .

Função

Exemplo: Defina uma função que dados dois inteiros x e y , retorna x^y .
Temos a função que eleva um número ao quadrado:

```
1 def quadrado(X):  
2     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """  
3     return X**2
```


Função

Exemplo: Defina uma função que dados dois inteiros x e y , retorna x^y .
Temos a função que eleva um número ao quadrado:

```
1 def quadrado(X):  
2     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """  
3     return X**2
```

Poderíamos facilmente definir a função *potencia*:

Função

Exemplo: Defina uma função que dados dois inteiros x e y , retorna x^y .
Temos a função que eleva um número ao quadrado:

```
1 def quadrado(X):  
2     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """  
3     return X**2
```

Poderíamos facilmente definir a função *potencia*:

```
1 def potencia(X,Y):  
2     """ Funcao que dados os inteiros X e Y retorna X elevado a Y """  
3     return X**Y
```

Função

Exemplo: Defina uma função que dados dois inteiros x e y , retorna x^y .
Temos a função que eleva um número ao quadrado:

```
1 def quadrado(X):  
2     """ Funcao que retorna o quadrado de um numero """  
3     return X**2
```

Poderíamos facilmente definir a função *potencia*:

```
1 def potencia(X,Y):  
2     """ Funcao que dados os inteiros X e Y retorna X elevado a Y """  
3     return X**Y
```

Na verdade, podemos ficar só com esta função:

`potencia(x,2)`

```
1 def potencia(X,Y):
2     """ Funcao que dados os inteiros X e Y retorna X elevado a Y"""
3     return X**Y
```

```
1 >>> potencia(3,2)
2     9
3
4 >>> potencia(2,3)
5     8
```

Função

Podemos definir a função potencia de outra forma:

```
1 def potencia (X,Y=2):  
2     """ Funcao que dados os inteiros X e Y retorna X elevado a Y.  
3     Caso o valor de Y n o seja passado, o numero X sera elevado ao  
4     quadrado. """  
5     return X**Y
```

O que fizemos foi definir um **argumento default**, ou seja, no exemplo, se o usuário não fornecer o segundo parâmetro, a função considera seu valor igual a 2.

```
1 >>> potencia (5)  
2     25  
3  
4 >>> potencia (5,3)  
5     125
```

Função

Argumentos Default: Permitem que valores default sejam utilizados quando nenhum valor é especificado em um certo parâmetro.

Formato

```
def nome-funcao(arg0, ..., argN, argN+1 = default1, ..., argM = defaultM)  
    ...
```

- *arg*₀, ..., *arg*_N: Argumentos sem valores default.
- *arg*_{N+1} = *default*₁, ..., *arg*_M = *default*_M: Argumentos com valores default. Devem ser sempre os últimos argumentos.

Função

```
def pi():  
    return 3.14  
  
def potencia(x,y=2):  
    return x**y  
  
def areac(r1):  
    return pi()*potencia(r1)  
  
def coroa(r1,r2):  
    return areac(r1) - areac(r2)
```



Tipos Numéricos

Em computação, um tipo de dado é uma classificação dos dados. Essa classificação determina como os dados serão armazenados no computador e também permite a disponibilização de operações pré definidas na linguagem de programação.

- **Tipo inteiro (int)** : 10
- **Tipo ponto flutuante (float)**: 10.5 , -190.00005 , $15e - 5$
- **Tipo complexo (complex)** : $(3 + 2j)$, $(20j)$

Tipos Numéricos

- **Números Inteiros:** `Int`

Os inteiros (`int`) têm precisão fixa ocupando tipicamente uma palavra de memória

Em PC's são tipicamente representados com 32 bits (de -2^{31} a $2^{31} - 1$)

- **Ponto Flutuante:** `Float`

Constantes têm que possuir um ponto decimal ou serem escritas em notação científica com a letra "e" (ou "E") precedendo a potência de 10

`10 int`

`10.0 float`

- **Números Complexos:** `Complex`

Representados com dois números de ponto flutuante: um para a parte real e outro para a parte imaginária.

Constantes são escritas como uma soma sendo que a parte imaginária tem o sufixo `j` ou `J`

`(2 + 3j)` `(7j)` `(5 + 0j)`

Exercícios

- Defina as funções *base(r)*, *lateral(r,h)*, *total(r,h)* para calcular as áreas da base, da lateral e também a área total de um cilindro reto.
 - Faça o chinês para os seguintes casos:

Chamada da Função	Valor de Retorno
<code>base(3)</code>	?
<code>lateral(3,4)</code>	?
<code>total(3,4)</code>	?

Exercícios

2. a. Dado o valor de uma conta, faça a função *conta(valor,gorjeta)* que calcule o valor da conta com a gorjeta incluída. Considere que é possível que a gorjeta seja maior ou menor que 10%. Quando o parâmetro *gorjeta* (que deve ser um número do tipo inteiro) não for informado, sua função deve assumir que a gorjeta é de 10%. Use uma função para calcular a gorjeta e outra para calcular o valor total da conta.
- b. Faça o chinês para os seguintes casos:

Chamada da Função	Valor de Retorno
<code>conta(123.00,5)</code>	?
<code>conta(-230.00)</code>	?

Exercícios

3. Faça três funções que :
 - a. **HoraemMinuto:** Dada uma quantidade em horas, a transforma para minutos.
 - b. **MinutoemSegundo:** Dada uma quantidade de minutos, a transforma em segundos.
 - c. **HoraemSegundo:** Dada uma quantidade de horas, a transforma em segundos usando os itens a e b.

4. Faça o chinês para a função definida no exercício 3 para as seguintes chamadas:

Chamada da Função	Valor de Retorno
HoraemMinuto(13)	?
MinutoemSegundo(45)	?
HoraemSegundo(10)	?

- **Módulos Python:** Funções que realizam tarefas comuns tais como cálculos matemáticos, manipulações de strings, manipulação de caracteres, programação Web, programação gráfica, etc.
- **Bibliotecas:** coleção de módulos.

Módulo *math*

Módulo que permite que o programador realize certos cálculos matemáticos.

Para usar uma função que está definida em um módulo, **primeiro** a função deve importar o módulo usando o comando *import*:

```
1 >>> import math
```

Após ter importado o módulo, a função pode chamar as funções daquele módulo da seguinte forma:

NomeDoModulo.NomeDaFuncao(arg₀, ..., arg_n)

Exemplo

```
1 >>> math.sqrt(81)
2 9.0
```

- **Módulo:** math
- **Função:** sqrt
- **Parâmetro:** 81

Módulo *math*

Módulo que permite que o programador realize certos cálculos matemáticos. Para usar uma função que está definida em um módulo, **primeiro** a função deve importar o módulo usando o comando *import*:

```
1 >>> import math
```

Podemos importar parte dos módulos:

- **from math import *** : importa todos os elementos do módulo *math*
- **from math import nome-função** : importa apenas a função nome-função.

Exemplos

```
1 >>> from math import *
```

```
2
```

```
3 >>> from math import sin
```

Módulo *math* - Exemplos

```
1 >>> import math
2 >>> sin(30)
3 Traceback (most recent call last):
4   File "<stdin>", line 1, in ?
5   NameError: name 'sin' is not defined
6
7 >>> math.sin(30)
8   -0.988031624093
9
10 >>> import math
11 >>> sin(radians(30))
12 Traceback (most recent call last):
13   File "<pyshell#4>", line 1, in <module>
14     sin(radians(30))
15   NameError: name 'sin' is not defined
16
17 >>> math.sin(radians(30))
18 Traceback (most recent call last):
19   File "<pyshell#2>", line 1, in <module>
20     math.sin(radians(30))
21   NameError: name 'radians' is not defined
22
23 >>> math.sin(math.radians(30))
24   0.49999999999999994
```


Módulo *math* - Exemplos

```
1 >>> from math import sin
2 >>> sin(30)
3     -0.988031624093
4
5 >>> sin(radians(30))
6     Traceback (most recent call last):
7       File "<pyshell#4>", line 1, in <module>
8         sin(radians(30))
9     NameError: name 'radians' is not defined
10
11 >>> sin(math.radians(30))
12     Traceback (most recent call last):
13       File "<pyshell#5>", line 1, in <module>
14         sin(math.radians(30))
15     NameError: name 'math' is not defined
16
17 >>> from math import *
18 >>> sin(radians(30))
19     0.49999999999999994
```

Módulo

- Para ter acesso aos módulos do python:

```
1 >>> help()
2 help> modules
```

- Para saber sobre um módulo específico, basta digitar o nome:

```
1 help> math
2 Help on built-in module math:
3 NAME
4     math
5 FILE
6     (built-in)
7 DESCRIPTION
8     This module is always available. It provides access to the
9     mathematical functions defined by the C standard.
10 FUNCTIONS
11     acos(...)
12         acos(x)
13         Return the arc cosine (measured in radians) of x.
```

Módulo

- Para ter acesso aos módulos do python:

```
1 >>> help()
2 help> modules
```

- Para saber sobre um módulo específico, basta digitar o nome:

```
1 >>> import math
2 >>> help(math.cos)
3
4 Help on built-in function cos in module math:
5 cos(...)
6     cos(x)
7         Return the cosine of x (measured in radians).
```

Pressiona-se “q” para retornar ao interpretador.

Exercícios

- 1 Redefina a função que calcula a área do círculo usando o valor de π definido no módulo *math*.
- 2 Escreva uma função que determina o número de arranjos simples de n elementos agrupados k a k . Lembre: $A_{n,k} = \frac{n!}{(n-k)!}$
- 3 Escreva uma função que determina o número de combinações simples de n elementos agrupados k a k . Use a função definida no exercício 2. Lembre: $C_{n,k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$

Autores

- **João C. P. da Silva** ▶ Lattes
- **Carla Delgado** ▶ Lattes
- **Ana Luisa Duboc** ▶ Lattes

Colaboradores

- **Anamaria Martins Moreira** ▶ Lattes
- **Fabio Mascarenhas** ▶ Lattes
- **Leonardo de Oliveira Carvalho** ▶ Lattes
- **Charles Figueiredo de Barros** ▶ Lattes
- **Fabrcio Firmino de Faria** ▶ Lattes

Computação I - Python

Aula 2 - Teórica: Função

João C. P. da Silva

Carla A. D. M. Delgado

Ana Luisa Duboc

Dept. Ciência da Computação - UFRJ